

77

а) Измерьте диаметр окружности с центром в точке  $B$ . Чему равен ее радиус?

б) Какие точки лежат на данной окружности и какие принадлежат дуге  $AMC$ ?

в) Как называется отрезок  $AM$ ?

г) Проведите хорду через точки  $H$  и  $B$ . Как называется такая хорда?

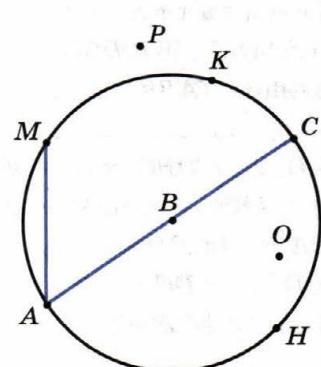
Ответ.

а) Диаметр окружности равен \_\_\_\_\_ см, радиус \_\_\_\_\_ см.

б) На окружности лежат точки \_\_\_\_\_, на дуге  $AMC$  — точки \_\_\_\_\_

в) Отрезок  $AM$  называется \_\_\_\_\_

г) Самая большая хорда проходит через \_\_\_\_\_ окружности и называется \_\_\_\_\_



78

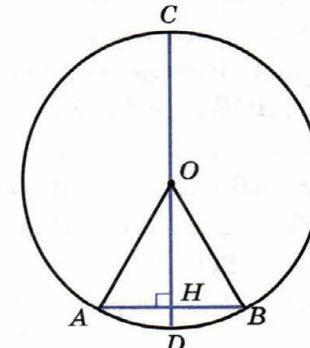
Докажите, что диаметр окружности, перпендикулярный к хорде, делит эту хорду пополам.

Доказательство.

1)  $AO =$  \_\_\_\_\_ (радиусы окружности), следовательно,  $\triangle AOB =$  \_\_\_\_\_

2) По условию  $CD \perp AB$ , т. е.  $OH \perp$  \_\_\_\_\_, значит,  $OH =$  \_\_\_\_\_ треугольника  $AOB$ .

3) Итак,  $\triangle AOB =$  \_\_\_\_\_,  $OH =$  его \_\_\_\_\_, а поэтому и \_\_\_\_\_ (свойство равнобедренного треугольника), т. е.  $AH =$  \_\_\_\_\_



79

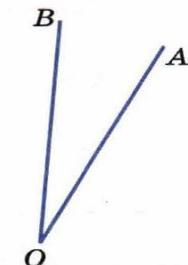
Постройте луч  $OC$  так, чтобы луч  $OA$  был биссектрисой угла  $BOC$ .

Решение.

1) Проведем окружность произвольного радиуса с центром  $O$ . Она пересечет лучи  $OA$  и  $OB$  в точках  $A_1$  и  $B_1$ .

2) Проведем окружность радиуса  $A_1B_1$  с центром  $A_1$ . Она пересечет первую окружность в точках  $C$  и \_\_\_\_\_

3) Проведем луч  $OC$ . Докажем, что луч  $OC$  искомый. Действительно,  $\triangle OA_1B_1 =$  \_\_\_\_\_ по трем \_\_\_\_\_, поэтому  $\angle AOB = \angle$  \_\_\_\_\_, т. е. луч  $OA$  — \_\_\_\_\_ угла  $BOC$ .



80

Отложите от данного луча  $AB$  угол, равный  $45^\circ$ .

Решение.

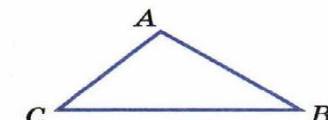
1) Отложим от луча  $AB$  прямой угол  $BAC$ , для чего построим прямую  $AC$ , \_\_\_\_\_ к прямой  $AB$ .

2) Построим биссектрису  $AM$  угла \_\_\_\_\_. Угол  $BAM$  искомый, так как  $\angle BAM = \frac{1}{2} \angle$  \_\_\_\_\_  $= \frac{1}{2}$  \_\_\_\_\_  $= 45^\circ$ .



81

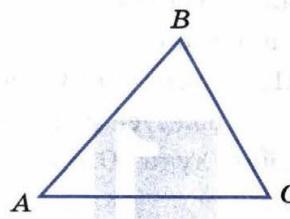
Постройте высоты  $AH$  и  $BK$  треугольника  $ABC$ .



**82**

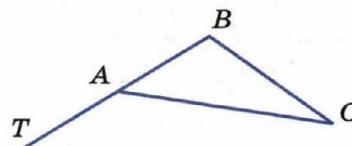
Постройте медиану  $BM$  данного треугольника  $ABC$ .

Решение. Построим середину стороны    — точку  $M$ . Проведем отрезок   . Отрезок  $BM$  искомый, он является    треугольника  $ABC$ .

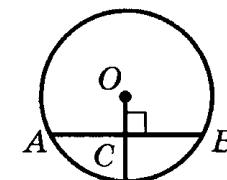


**83**

Постройте биссектрису  $AE$  треугольника  $ABC$  и биссектрису угла  $CAT$ , смежного с углом  $A$  треугольника.

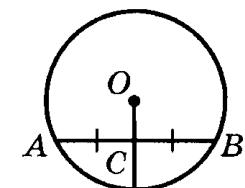


**1**



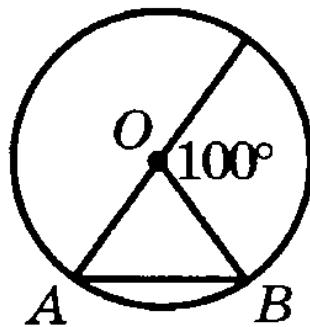
Дано:  $\angle OCB = 90^\circ$ .  
Доказать:  $AC = BC$ .

**1**



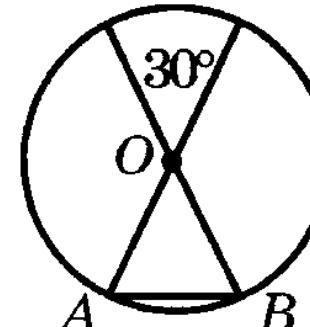
Дано:  $AC = BC$ .  
Доказать:  $OC \perp AB$ .

**1**



Найти углы треугольника  $AOB$ .

**1**



Найти углы треугольника  $AOB$ .