

1. Продолжите предложения:

- 1) Если даны два линейных уравнения с двумя переменными x и y $a_1x + b_1y + c_1 = 0$ и $a_2x + b_2y + c_2 = 0$ и поставлена задача найти такие пары чисел $(x; y)$, которые одновременно удовлетворяют одному и другому уравнению, то говорят, что заданные уравнения образуют _____.
- 2) Пара чисел $(x; y)$ называется _____.

2. Является ли решением системы уравнений $\begin{cases} x+y=4 \\ 2x-y=2 \end{cases}$ пара чисел

а) $x = 3, y = 1$

б) $x = 2, y = 2$

Решение: _____

Решение: _____

Ответ: _____

Ответ: _____

3. Выясните, сколько решений имеет система:

а) $\begin{cases} 11x+10y=120 \\ 6x+y=18 \end{cases}$

Решение:

Рассмотрим, каково взаимное расположение графиков уравнений данной системы. Выразим из каждого уравнения переменную y через x :

$$\begin{cases} 10y = 120 - 11x \\ y = 18 - 6x, \end{cases} \quad \begin{cases} y = \frac{120}{10} - \frac{11}{10}x \\ y = -6x + 18. \end{cases}$$

Получим систему: $\begin{cases} y = -1,1x + 12 \\ y = -6x + 18. \end{cases}$

Угловые коэффициенты прямых, являющихся графиками этих функций, различны, значит прямые пересекаются, то есть система имеет единственное решение.

Ответ: 1.

б) $\begin{cases} 4y-x=12 \\ 3y+x=-3 \end{cases}$

Решение:

Ответ: _____

4. Покажите, почему системы уравнений не имеют решений:

а) $\begin{cases} 5x+2y=-18 \\ 15x+6y=-36 \end{cases}$

Решение:

Рассмотрим, каково взаимное расположение графиков уравнений данной системы. Выразим из каждого уравнения переменную y через x :

$$\begin{cases} 2y = -18 - 5x \\ 6y = -36 - 15x, \end{cases} \quad \begin{cases} y = -\frac{18}{2} - \frac{5}{2}x \\ y = -\frac{36}{6} - \frac{15}{6}x. \end{cases}$$

Получим систему: $\begin{cases} y = -2,5x - 9 \\ y = -2,5x - 6 \end{cases}$. Угловые коэффициенты прямых, являющихся графиками этих функций, равны и $c_1 \neq c_2$, значит, прямые параллельны, то есть система не имеет решений.

б) $\begin{cases} 3x-4y=16 \\ 6x-8y=-8 \end{cases}$

Решение:

Ответ: _____

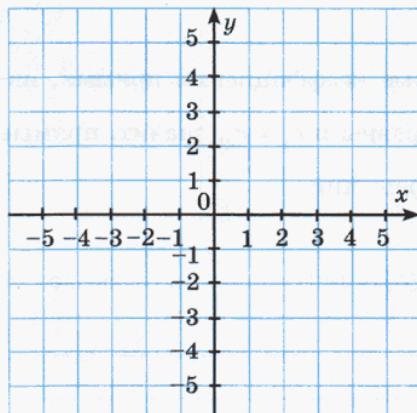
5. Заполните таблицу, подбрав такие значения k , при которых выполняются заданные условия:

Система уравнений	Значение k , при котором система		
	не имеет решений	имеет единственное решение	имеет бесконечное множество решений
a) $\begin{cases} y = 3x - 5 \\ y = kx + 4 \end{cases}$	3	5	нет
b) $\begin{cases} 2y = 3x - 2 \\ y = 1,5x + k \end{cases}$			

6. Постройте заданные прямые в одной системе координат и укажите в ответе координаты точек их пересечения:

a) $2x - y = 4$ и $y = 6$

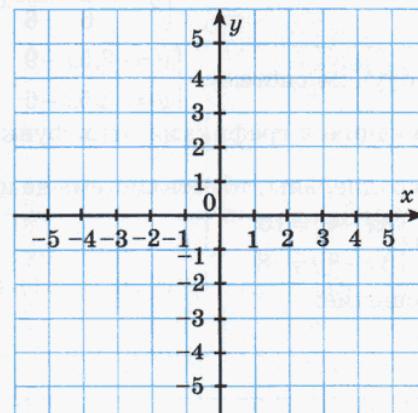
x		
y		



Ответ: _____

б) $x + y = 4$ и $x = 2$

x		
y		



Ответ: _____

7. Решите графически систему линейных уравнений:

a) $\begin{cases} x - y = 1 \\ x + 3y = 9 \end{cases}$

Решение:

Построим графики уравнений в одной системе координат.

$3x - y = 1$

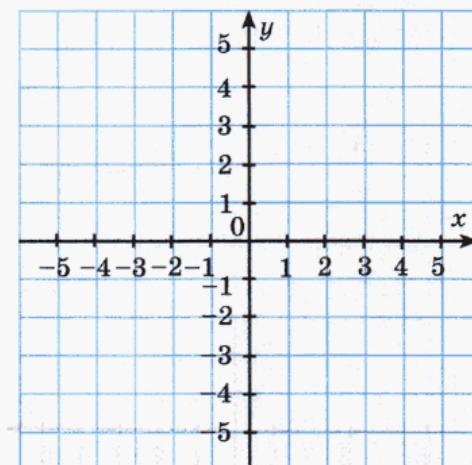
x	0	2
y	-1	1

$x + 3y = 9$

x	0	3
y	3	2

Координаты точки пересечения графиков — решение системы.

Ответ: (____; ____)



8. Какие из пар чисел $(-3; 4)$, $(-2; -6)$, $(-4; 3)$ являются решением систем уравнений:

a) $\begin{cases} x = y - 7 \\ 3x + 4y = 0 \end{cases}$

Решение:

б) $\begin{cases} y = x - 1 \\ y = -\frac{1}{3}x + 3 \end{cases}$

Решение:

Построим графики уравнений в одной системе координат.

$y = x - 1$

x		
y		

$y = -\frac{1}{3}x + 3$

x		
y		

Координаты точки пересечения графиков — решение системы.

Ответ: (____; ____)

